

ANALYSE VON UMKEHRPUNKTEN AUF GPS-TRAJEKTORIEN UNTER VERWENDUNG DER FRÉCHET-DISTANZ

Kolloquium zur Bachelorarbeit

Lukas Beckmann

September 27, 2015

Lehrstuhl für Informatik I: Effiziente Algorithmen und wissensbasierte Systeme

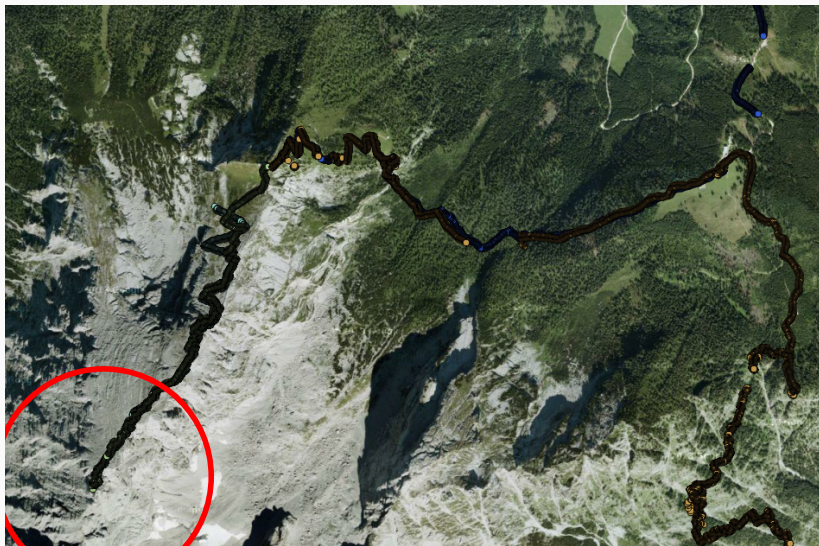
1. Einführung
2. Theoretische Grundlagen
3. Kriterien für Umkehrpunkte
4. Algorithmus zur Berechnung der Umkehrpunkte
5. Fallstudie
6. Fazit und Ausblick

EINFÜHRUNG

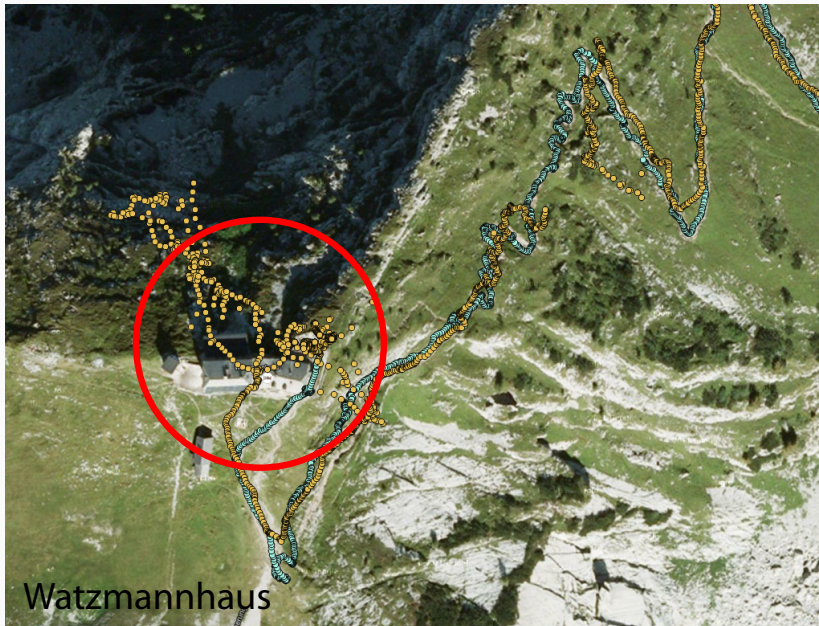
1. Tourismusforschung

1. Tourismusforschung
2. Interesting-Point-Verfahren

INTERESTING-POINTS

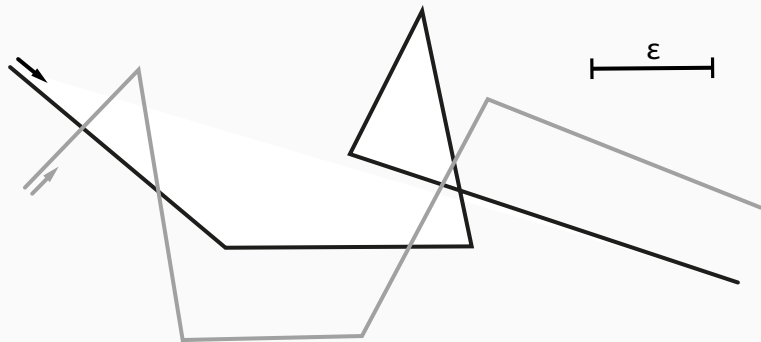


INTERESTING-POINTS



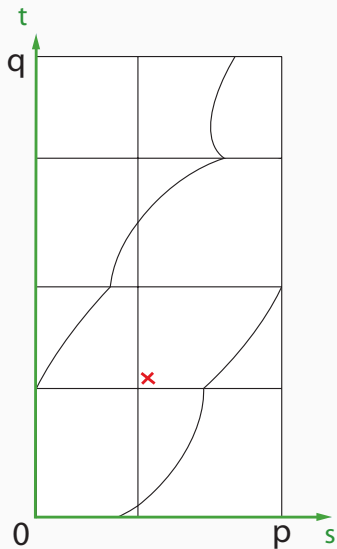
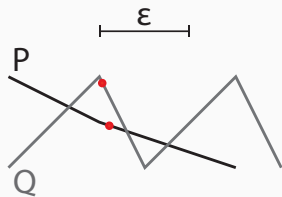
THEORETISCHE GRUNDLAGEN

FRÉCHET-DISTANZ

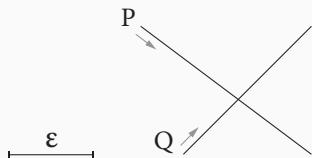


$$F_\varepsilon := \{(s, t) \in [0, p] \times [0, q] \mid d(P(s), Q(t)) \leq \varepsilon\}$$

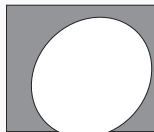
FREIRAUM-DIAGRAMM



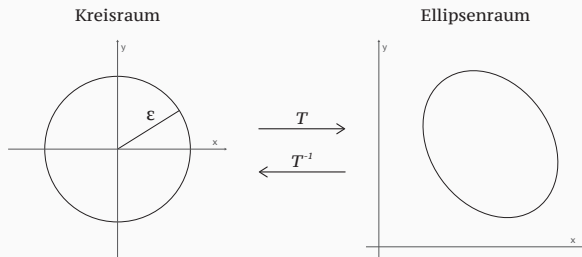
FREIRAUM-DIAGRAMM FÜR ZWEI STRECKEN P UND Q



(a) die Strecken P und Q



(b) Freiraum-Diagramm zu (a)



Affine Transformation: $T(x) = A_T(x) + t_T$

Rücktransformation: $T^{-1}(x) = A_T^{-1} \cdot (x - t_T)$.

$$A_T = \begin{pmatrix} -(B_x - A_x) & D_x - C_x \\ -(B_y - A_y) & D_y - C_y \end{pmatrix}$$

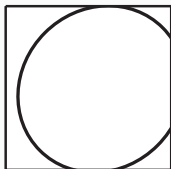
Falls $[AB] \parallel [CD]$, dann $P \parallel Q$ und A_T^{-1} nicht berechenbar.

Ellipsenzelle

P,Q sind nicht parallele Strecken.

T^{-1} ist berechenbar.

Freiraum-Diagramm ist der Schnitt zwischen einer Ellipse und einem Rechteck:

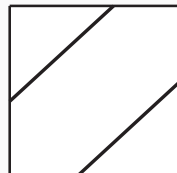


Parallelenzelle

P,Q sind parallele Strecken.

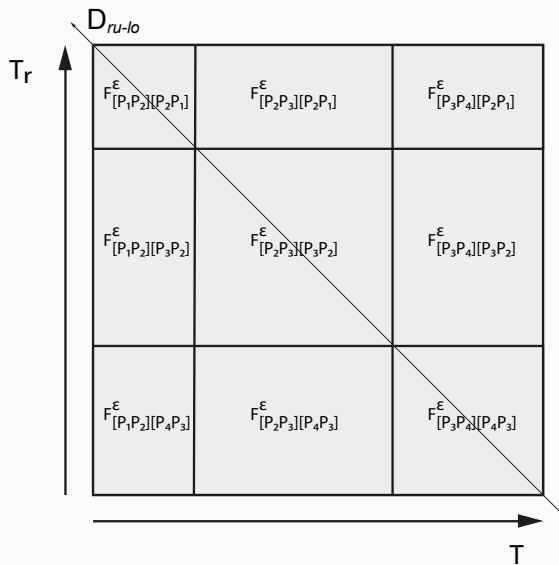
T^{-1} nicht berechenbar.

Freiraum-Diagramm ist der Schnitt zwischen zwei parallelen Geraden und einem Rechteck:

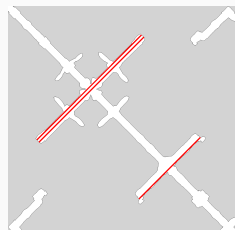
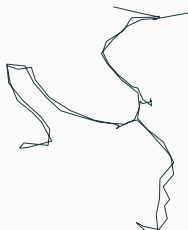
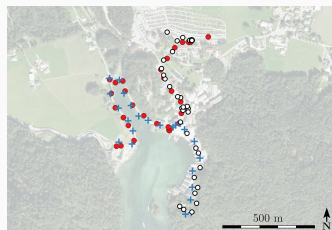


$$T = [P_1P_2] \cup [P_2P_3] \cup \dots \cup [P_{n-1}P_n]$$

$$T_r = [P_nP_{n-1}] \cup [P_{n-1}P_{n-2}] \cup \dots \cup [P_2P_1]$$

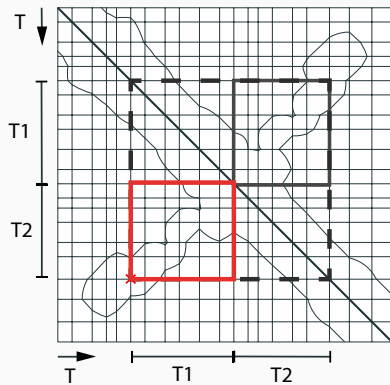
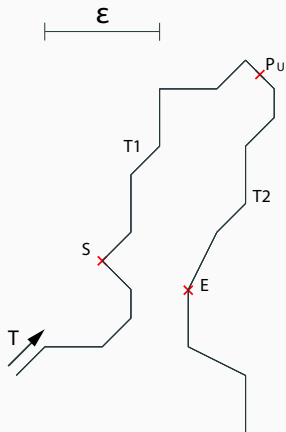


BEISPIEL

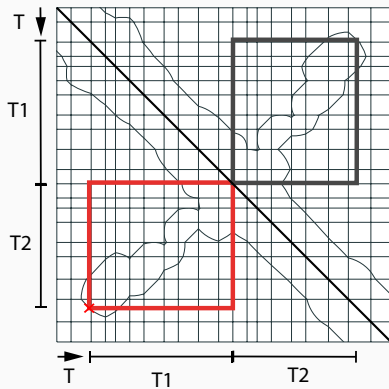
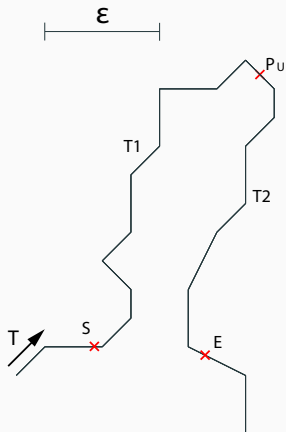


KRITERIEN FÜR UMKEHRPUNKTE

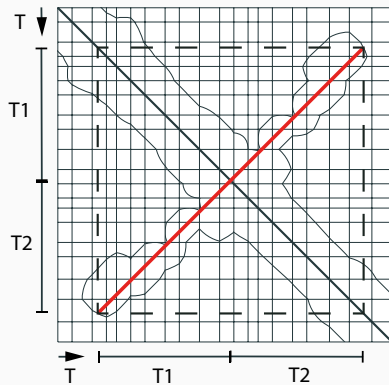
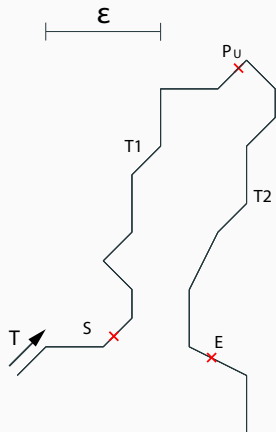
ÄHNLICHKEIT DER POLYLINE IN DER NÄHE DES UMKEHRPUNKTES



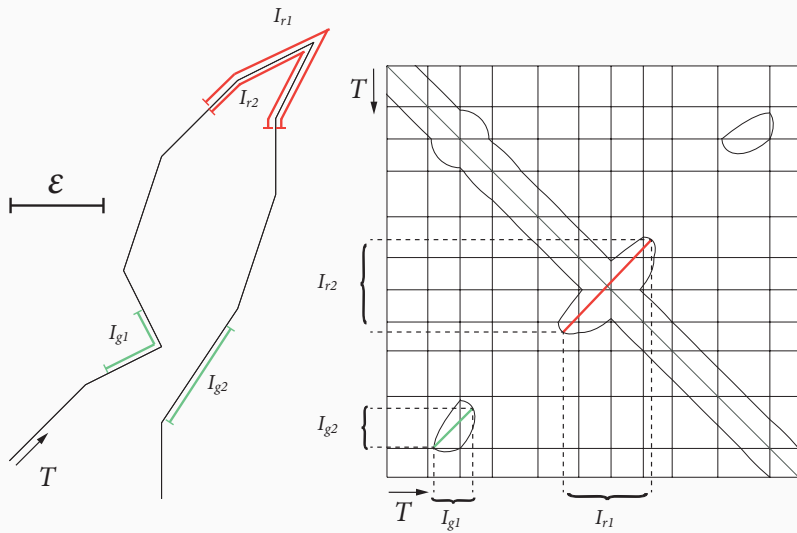
MAXIMALE INTERVALLE



GLEICHLANGE INTERVALLHÄLFTEN

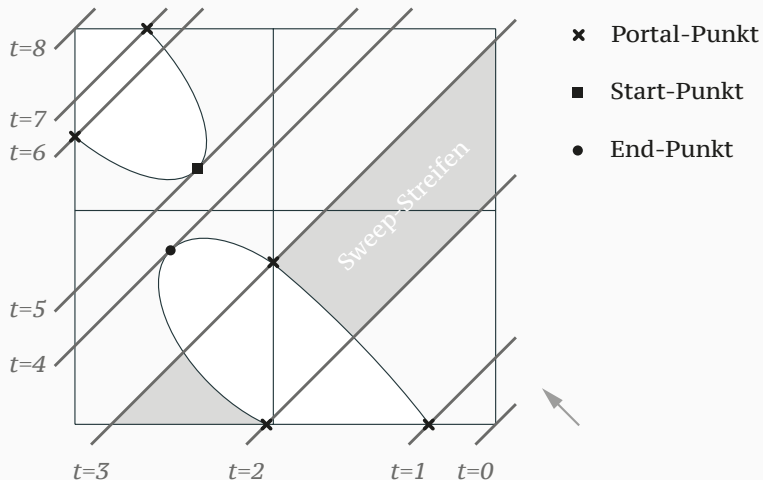


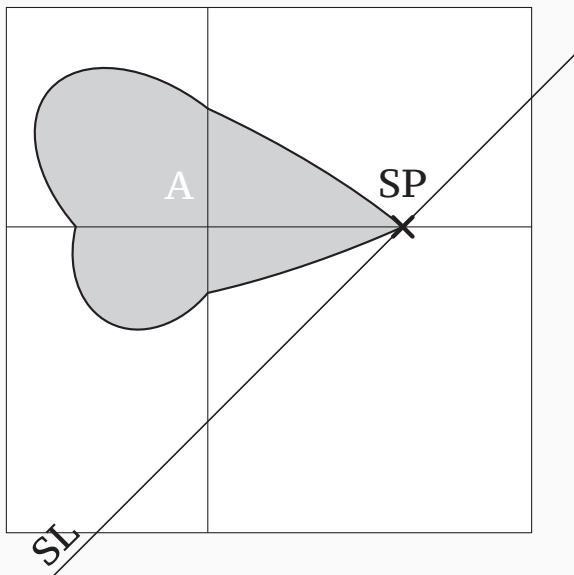
UMKEHRINTERVALLE UND UMKEHRPUNKTE

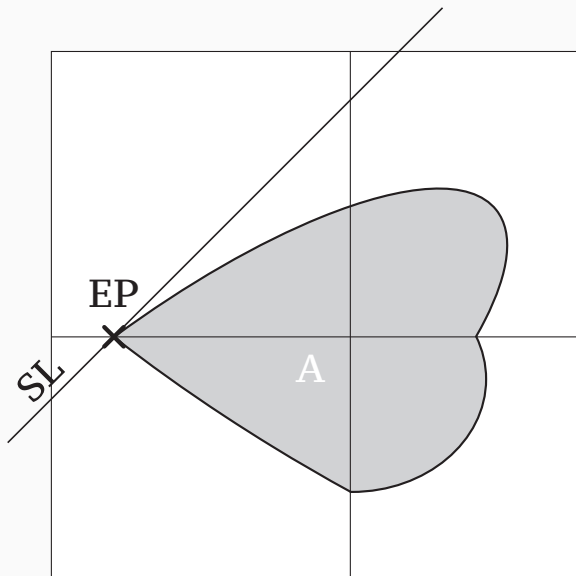


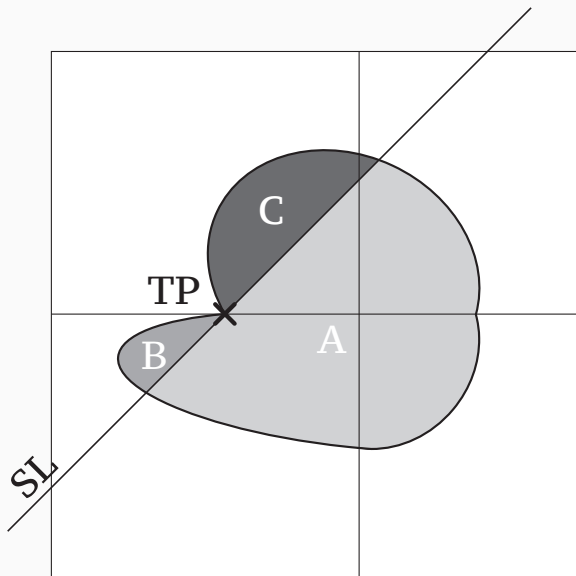
BERECHNUNG DER UMKEHRPUNKTE

SWEEP-VERFAHREN IN DER EBENE

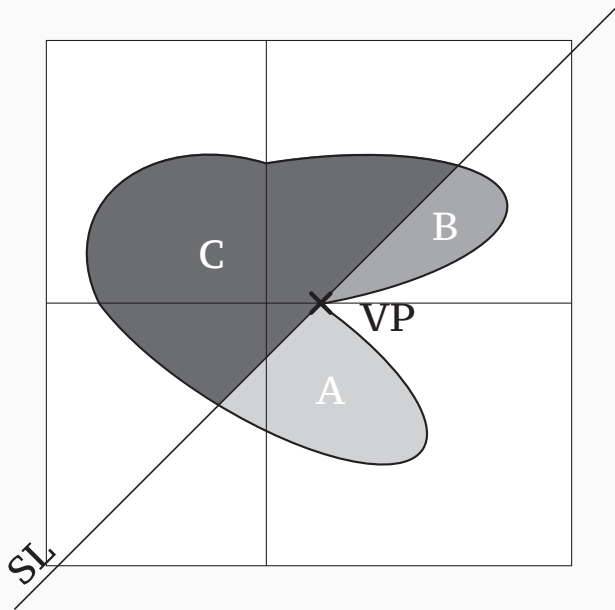




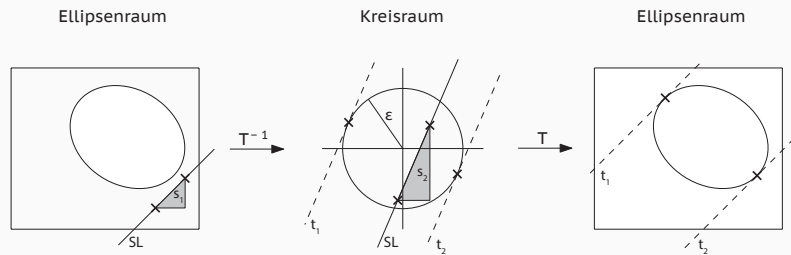




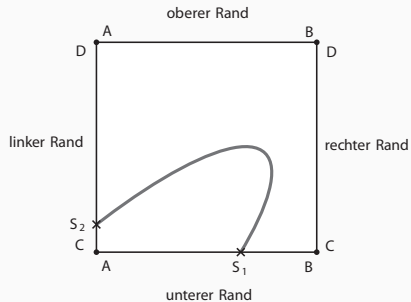
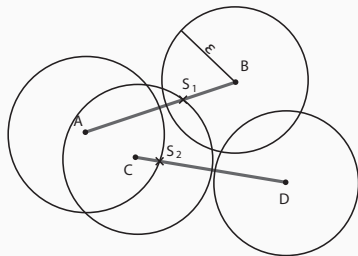
MERGE



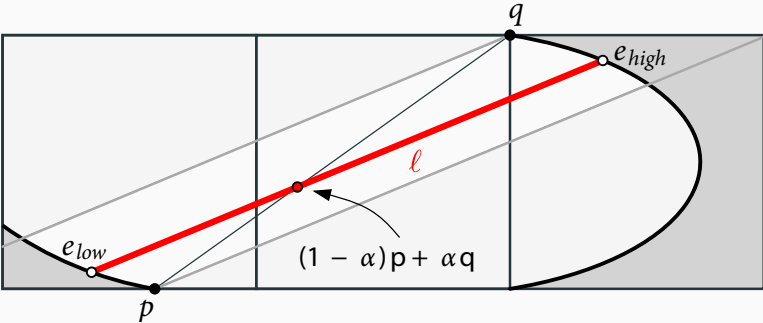
BERECHNUNG DER KRITISCHEN PUNKTE



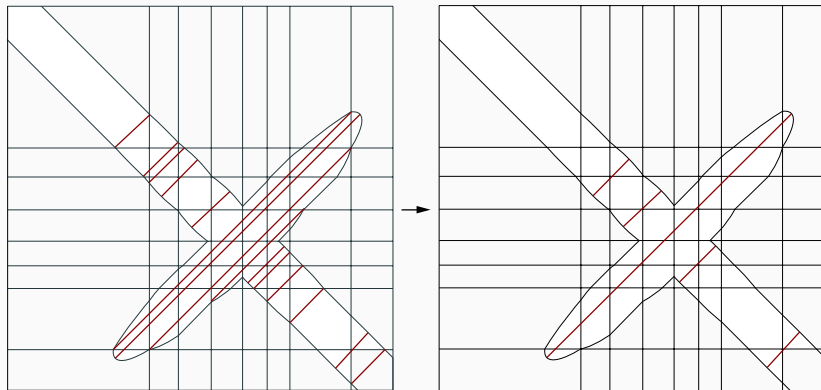
BERECHNUNG DER KRITISCHEN PUNKTE



BERECHNUNG DER MAXIMALEN STRECKEN



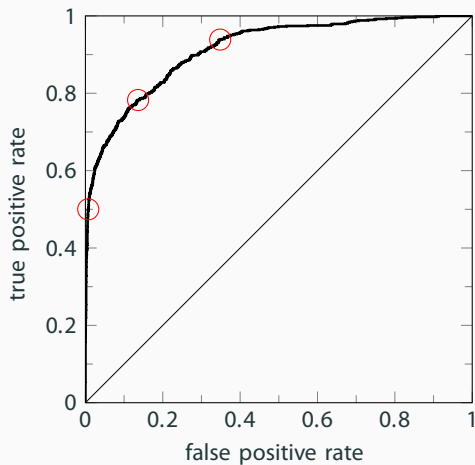
BERECHNUNG DER MAXIMALEN STRECKEN



FALLSTUDIE

- **true positive**: Ein Intervall enthält einen echten Umkehrpunkt und wird auch als ein solches erkannt.
- **false positive**: Ein Intervall enthält keinen echten Umkehrpunkt, wird aber als ein solches erkannt.
- **false negative**: Es existiert ein echter Umkehrpunkt, aber es wird kein Intervall gefunden, das diesen abdeckt.

QUALITÄT DER UMKEHRINTERVALLE



AUC = 0.914

τ	Trefferquote	Genauigkeit	F ₁ Score	Distanz (median)
1.13	0.94	0.73	0.82	50.2m
1.55	0.78	0.85	0.82	55.0m
4.12	0.50	0.99	0.66	63.2m

FAZIT UND AUSBLICK

- $P : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ und $Q : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ zwei beliebige Kurven

DEFINITION FRÉCHET-DISTANZ

- $P : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ und $Q : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ zwei beliebige Kurven
- $\alpha : [0, 1] \rightarrow [0, 1]$, $\beta : [0, 1] \rightarrow [0, 1]$ mit $\alpha(0) = \beta(0) = 0$ und $\alpha(1) = \beta(1) = 1$ die zugehörigen monoton steigenden, stetigen Parametrisierungsfunktionen von P und Q

DEFINITION FRÉCHET-DISTANZ

- $P : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ und $Q : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ zwei beliebige Kurven
- $\alpha : [0, 1] \rightarrow [0, 1]$, $\beta : [0, 1] \rightarrow [0, 1]$ mit $\alpha(0) = \beta(0) = 0$ und $\alpha(1) = \beta(1) = 1$ die zugehörigen monoton steigenden, stetigen Parametrisierungsfunktionen von P und Q
- d ist die euklidischen Distanzfunktion

DEFINITION FRÉCHET-DISTANZ

- $P : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ und $Q : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ zwei beliebige Kurven
- $\alpha : [0, 1] \rightarrow [0, 1]$, $\beta : [0, 1] \rightarrow [0, 1]$ mit $\alpha(0) = \beta(0) = 0$ und $\alpha(1) = \beta(1) = 1$ die zugehörigen monoton steigenden, stetigen Parametrisierungsfunktionen von P und Q
- d ist die euklidischen Distanzfunktion

$$\delta_F(P, Q) := \inf_{\alpha, \beta} \max_{t \in [0, 1]} \{d(P(\alpha(t)), Q(\beta(t)))\}$$

$$F_\varepsilon := \{(s, t) \in [0, p] \times [0, q] \mid d(P(s), Q(t)) \leq \varepsilon\}$$

$$d(\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}, \vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) \leq \varepsilon$$

$$F_\varepsilon := \{(s, t) \in [0, p] \times [0, q] \mid d(P(s), Q(t)) \leq \varepsilon\}$$

$$\begin{aligned} d(\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}, \vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) &\leq \varepsilon \\ \left| (\vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) - (\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}) \right| &\leq \varepsilon \end{aligned}$$

$$F_\varepsilon := \{(s, t) \in [0, p] \times [0, q] \mid d(P(s), Q(t)) \leq \varepsilon\}$$

$$\begin{aligned} d(\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}, \vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) &\leq \varepsilon \\ \left| (\vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) - (\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}) \right| &\leq \varepsilon \\ \left| t \cdot \overrightarrow{D - C} - s \cdot \overrightarrow{B - A} + (\vec{C} - \vec{A}) \right| &\leq \varepsilon \end{aligned}$$

$$F_\varepsilon := \{(s, t) \in [0, p] \times [0, q] \mid d(P(s), Q(t)) \leq \varepsilon\}$$

$$d(\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}, \vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) \leq \varepsilon$$

$$\left| (\vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) - (\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}) \right| \leq \varepsilon$$

$$\left| t \cdot \overrightarrow{D - C} - s \cdot \overrightarrow{B - A} + (\vec{C} - \vec{A}) \right| \leq \varepsilon$$

$$\left| \begin{pmatrix} t \cdot (D_x - C_x) - s \cdot (B_x - A_x) \\ t \cdot (D_y - C_y) - s \cdot (B_y - A_y) \end{pmatrix} + (\vec{C} - \vec{A}) \right| \leq \varepsilon$$

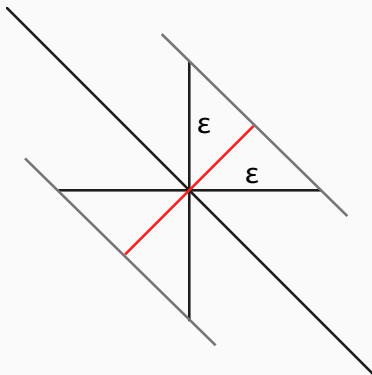
$$F_\varepsilon := \{(s, t) \in [0, p] \times [0, q] \mid d(P(s), Q(t)) \leq \varepsilon\}$$

$$\begin{aligned}
 & d(\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}, \vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) \leq \varepsilon \\
 & \left| (\vec{C} + t \cdot \overrightarrow{D - C}) - (\vec{A} + s \cdot \overrightarrow{B - A}) \right| \leq \varepsilon \\
 & \left| t \cdot \overrightarrow{D - C} - s \cdot \overrightarrow{B - A} + (\vec{C} - \vec{A}) \right| \leq \varepsilon \\
 & \left| \begin{pmatrix} t \cdot (D_x - C_x) - s \cdot (B_x - A_x) \\ t \cdot (D_y - C_y) - s \cdot (B_y - A_y) \end{pmatrix} + (\vec{C} - \vec{A}) \right| \leq \varepsilon \\
 & \left| \underbrace{\begin{pmatrix} -(B_x - A_x) & D_x - C_x \\ -(B_y - A_y) & D_y - C_y \end{pmatrix}}_{A_T} \cdot \begin{pmatrix} s \\ t \end{pmatrix} + \underbrace{(\vec{C} - \vec{A})}_{t_T} \right| \leq \varepsilon
 \end{aligned}$$

$$\left| \underbrace{\begin{pmatrix} -(B_x - A_x) & D_x - C_x \\ -(B_y - A_y) & D_y - C_y \end{pmatrix}}_{A_T} \cdot \begin{pmatrix} s \\ t \end{pmatrix} + \underbrace{(\vec{C} - \vec{A})}_{t_T} \right| \leq \varepsilon$$

Wir wissen, dass $\left| \begin{pmatrix} s \\ t \end{pmatrix} \right| \leq \varepsilon$ ein Kreis mit Radius ε um den Ursprung ist. Mit Hilfe der affinen Transformation $T(x) = A_T(x) + t_T$ wird dieser Kreis transformiert.

THRESHOLD



-> Basislänge: $\sqrt{2}\epsilon$

-> $\tau = 1.10$ bedeutet 10 % größer als die Basislänge